

Übungsbeispiele

VU Elektrotechnische Grundlagen (182.691), SS2022

1. komplexe Zahlen:

$$z_1 = 1 + 1j \quad z_2 = -1 + 1j$$

$$z_3 = -1 - 1j \quad z_4 = 1 + \frac{1}{j}$$

Stellen sie diese Zahlen in Polarform dar.

Stellen sie diese Zahlen als Zeiger in der komplexen Ebene dar.

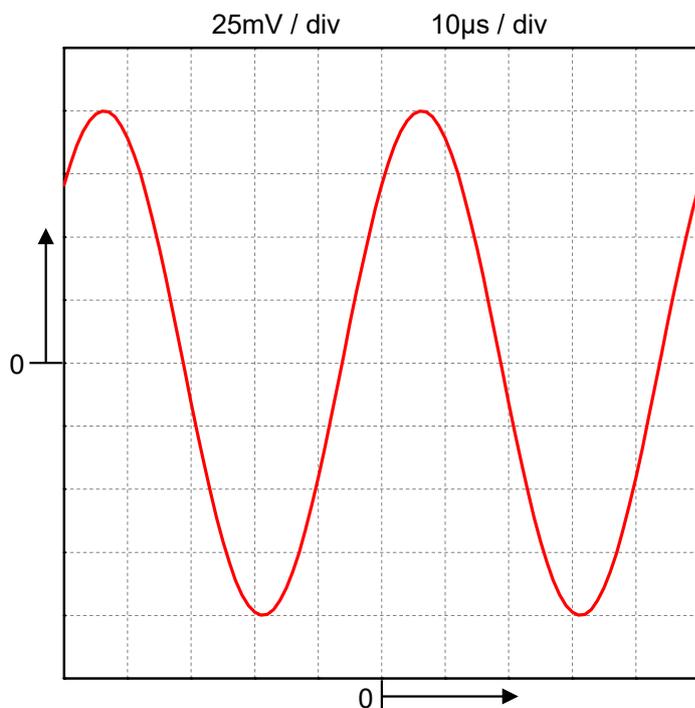
Berechnen Sie: $z_1 + z_2$, $z_2 + z_4$, $z_1 \cdot z_2$, z_1 / z_2 , $z_1 \cdot z_3$, z_1 / z_3 , $z_1 \cdot z_4$, z_1 / z_4

(Anmerkung: Berechnen sie die Ergebnisse zunächst im Kopf und überprüfen sie die Rechnung z.B. mit Matlab®.)

2. LTI – System

Im Labor finden sie eine Box mit einer elektrischen Schaltung. Sie können die Box nicht öffnen, sollten aber feststellen, ob es sich um eine lineare¹ Schaltung handelt. Im Labor stehen ihnen die typischen Geräte zur Verfügung: Sinusgenerator(en), Oszilloskop, ... Wie lösen sie diese Aufgabe? Begründen sie Ihre Vorgangsweise.

3. „Oszilloskop“ – Bild

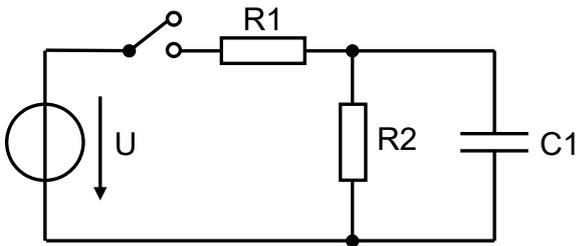


Schreiben sie die dargestellte Funktion als Kosinus-Funktion an.

Welche Frequenz hat die Schwingung? (Verwenden sie technische Notation.)

¹ Sie können Linearität zwar nicht beweisen, aber durch Messungen herausfinden, ob es sich um eine lineare Schaltung handeln kann.

4. Einschaltvorgang



$$R1 = 3k\Omega$$

$$R2 = 1k\Omega$$

$$C1 = 1\mu F$$

$$U = 12V$$

Der Schalter wird geschlossen und nach längerer Zeit ($t > 5\tau$) wieder geöffnet.

- Berechnen sie die Zeitkonstante τ_1 für den Aufladevorgang.
- Berechnen sie die Zeitkonstante τ_2 für den Entladevorgang.
- Zeichnen sie die Auflade- und Entladekurve mit passender Skalierung der Zeitachse.

5. diskrete Faltung

Aus analogen Signalen $g(t), h(t)$ werden durch Abtastung Proben entnommen und man erhält die Folgen:

$$g[n] = \dots 0, 0, 3, 2, 0, -1, 0, 0, \dots$$

$$h[n] = \dots 0, 0, 1, -1, 0, 0, \dots$$

Berechnen sie die Faltungssumme² und stellen sie die einzelnen Rechenschritte grafisch dar.

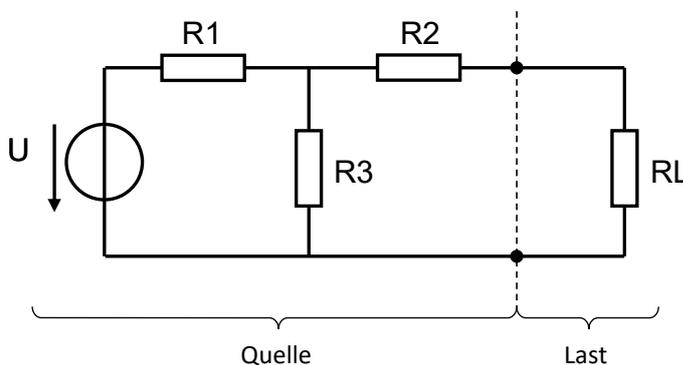
6. komplexes Signal

Stellen sie das Spannungssignal $u(t) = 2V \cdot e^{-2000 \text{ sec}^{-1} \cdot t} \cdot \cos(4000 \text{ Hz} \cdot t + 30^\circ)$ in komplexer Schreibweise und unter Verwendung der komplexen Amplitude und der komplexen Frequenz \underline{s} dar.

Markieren sie die Lage des Signals in der \underline{s} -Ebene.

Zeichnen sie mit passender Skalierung den Verlauf des Signals im Zeitbereich.

7. Widerstandsschaltung



$$U=12V, R1=2k\Omega, R2=1k\Omega, R3=2k\Omega, RL=2k\Omega$$

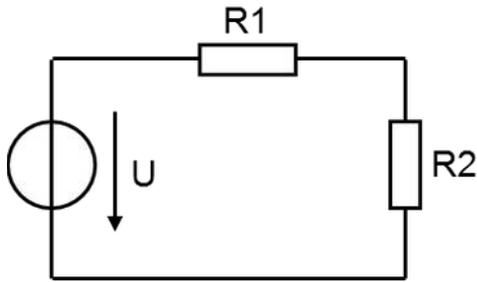
Berechnen Sie:

- Den Spannungsabfall am Lastwiderstand R_L mit der Spannungsteilerregel.
- Die Kenngrößen der Ersatzspannungsquelle (Leerlaufspannung, Innenwiderstand, Kurzschlussstrom).

$$^2 \quad g[n] * h[n] = \dots \sum_{k=-\infty}^{\infty} g[n-k] \cdot h[k]$$

8. Leistung in einem Widerstandsnetzwerk

Berechnen sie die Leistung (in allgemeiner Form), die im Widerstand R2 umgesetzt wird.



Bei welchem Wert von R2 erreicht die Leistung ein Maximum, wenn $R1 = 150 \Omega$ und R2 verändert wird. (Leistungsanpassung!)

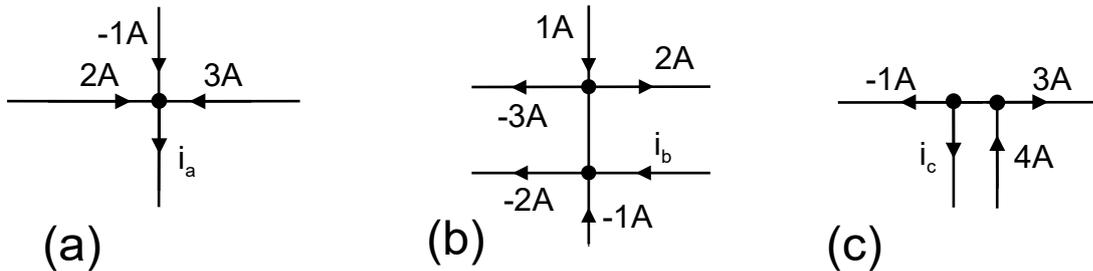
9. Heizlüfter

Ein Heizlüfter wird an einer Haushaltssteckdose (230V) betrieben. Er besitzt zwei gleiche Heizelemente die in Serie oder parallel geschaltet werden können. Bei Parallelschaltung beträgt die Leistung des Heizlüfters 3,5kW.

Welche Leistung hat er bei Serienschaltung? Welchen Widerstand haben die beiden Heizelemente? Welche Ströme fließen?

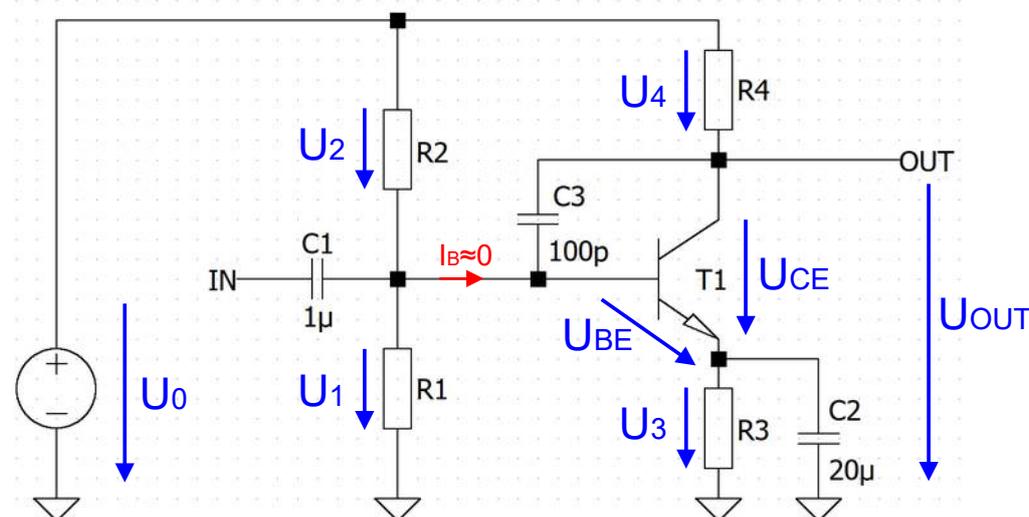
10. Knotenregel

Bestimmen sie die unbekanntenen Ströme.



11. Spannungsteilerregel, Maschenregel

$R_1=10k\Omega$, $R_2=100k\Omega$, $R_3=1k\Omega$, $R_4=15k\Omega$, $U_0=11V$, $U_{BE}=0,6V$



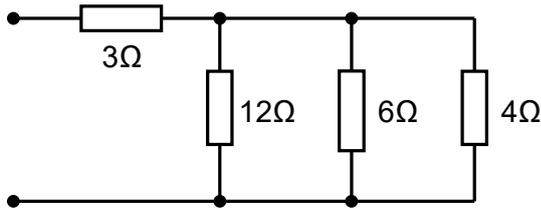
Bestimmen sie U_1 , U_2 , U_3 , U_4 , U_{CE} und U_{OUT}

12. Widerstand in einem Fernsehgerät

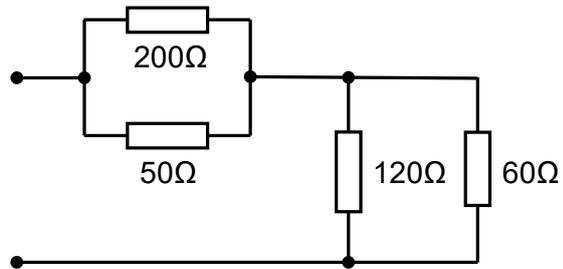
Ein 220Ω Widerstand in einem Fernsehgerät hat eine maximal zulässige Leistung von $0,25W$. Bei welcher Spannung und welchem Strom erreicht er seine Belastungsgrenze?

13. Ersatzwiderstände

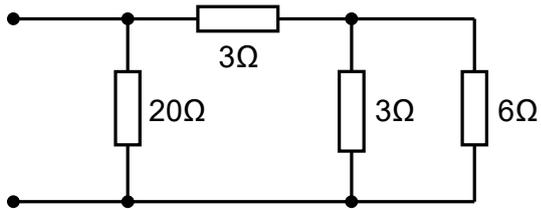
Berechnen sie die Ersatzwiderstände der Schaltungen a) bis d).



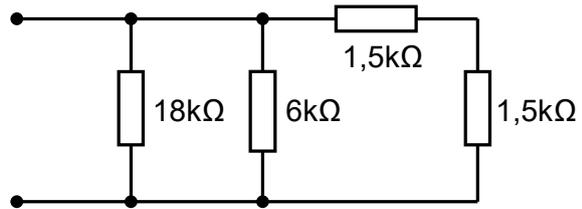
a)



b)

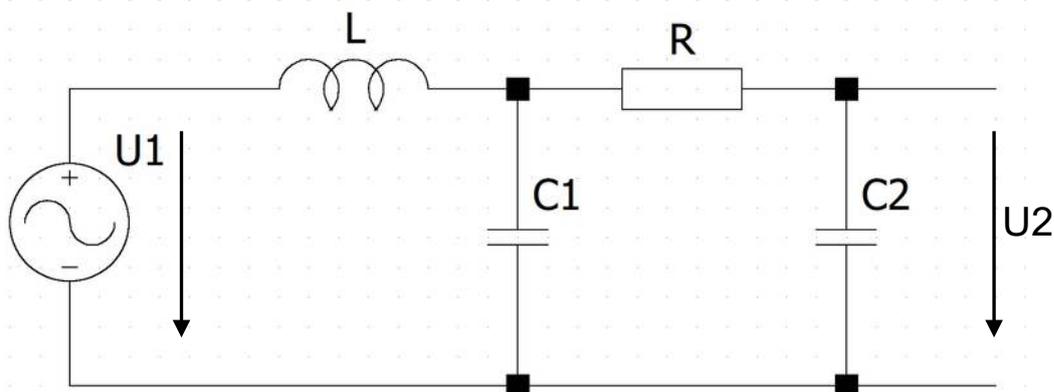


c)



d)

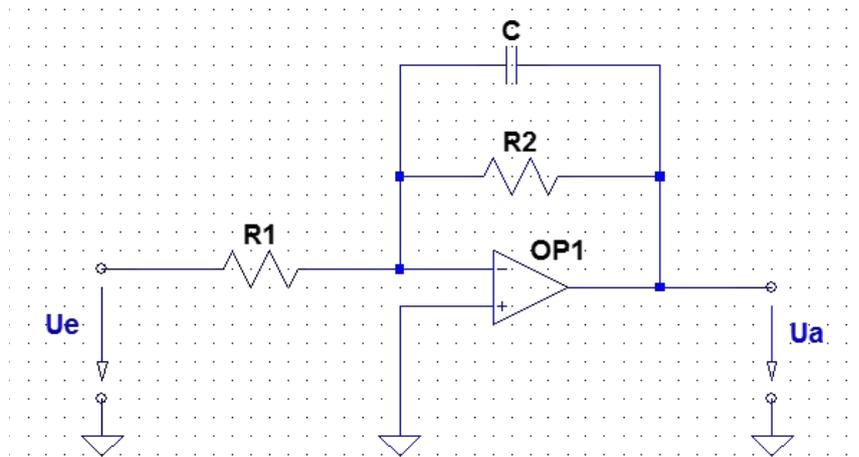
14. RLC – Filter



- Um welche Filtertype handelt es sich bei dieser Schaltung?
- Berechnen sie die Übertragungsfunktion $H(s) = U_2/U_1$ dieses Filters. Verwenden sie dafür das Maschenstromverfahren.
- Berechnen sie den Betrag des Frequenzgangs $|H(j\omega)|$.

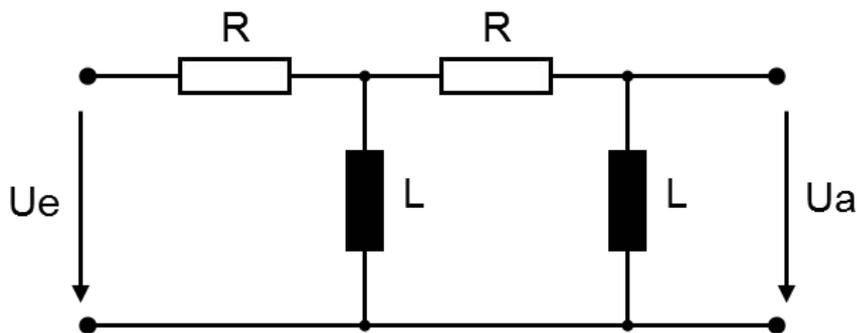
15. Integrator mit Operationsverstärker

Berechnen sie den Frequenzgang $\underline{V}(j\omega)$ der Schaltung:



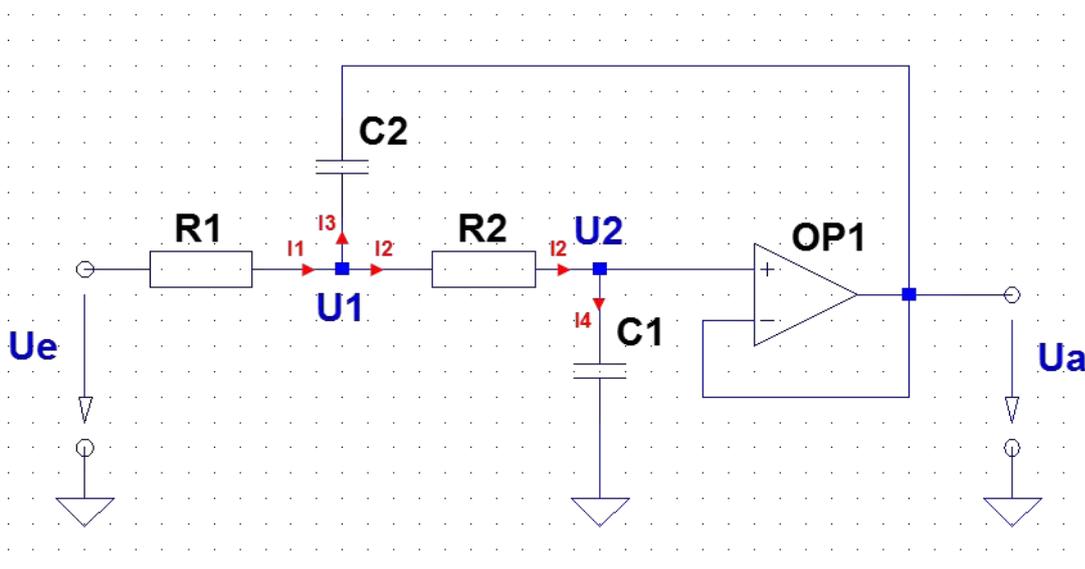
16. Passives Filter

Um welche Filtertype handelt es sich? Berechnen sie die Systemfunktion $\underline{H}(s)$ (beide R und beide L gleich). Lösen sie diese Aufgabe durch Anwendung der Spannungsteilerregel.



17. Sallen-Key-Tiefpassfilter

Berechnen sie die Übertragungsfunktion $\underline{H}(s)$. Wenden sie das Knotenpotentialverfahren an.



18. Matlab®

Finden Sie mit Hilfe von Matlab® die Systemfunktionen eines Besselfilters 5. Ordnung und eines Cauerfilters 5. Ordnung (Welligkeit im Durchlassbereich 1 dB, Sperrdämpfung mindestens 40 dB).

Wenn sie keine Matlab® Lizenz besitzen, benutzen sie die Matlab® 30 Tage Testversion oder alternative Software, z.B. freie Software „GNU Octave“ oder „Scilab“.

Anm.: Die grafischen Darstellungen der Netzwerkfunktionen lassen sich über entsprechende Menüpunkte nach Rechtsklick einstellen, um anschaulichere Darstellungen zu gewinnen.

Zeichnen Sie ein Bode-Diagramm des Bessel- und des Cauerfilters. Klicken Sie den Phasengang weg, zeichnen Sie ein Gitter, stellen Sie die Dämpfung von 0 bis – 60 dB ein. Wählen Sie für beide Filter denselben Frequenzbereich.

Vergleichen Sie die beiden Filterkennlinien.

Zeichnen Sie ein Pol-/Nullstellendiagramm des Cauerfilters. Wählen Sie denselben Maßstab für die reelle und die imaginäre Achse. Vergleichen Sie die Lage der Nullstellen im PN-Diagramm mit der Lage der Nullstellen im Bode-Diagramm.

Vergleichen Sie die Sprungantwort von Bessel- und Cauerfilter. Wählen Sie für beide Filter denselben Zeitbereich.